

Demostración.

Muestre que si $\det(AB) = 0$, entonces $\det(A) = 0$ o $\det(B) = 0$.

Axioma 1. *Si $ab = 0$ entonces o $a = 0$ o $b = 0$*

Entonces,

1. $\det(AB) = 0$

Nota 2. *Por hipótesis.*

2. $\det(A) = 0$

Nota 3. *Por axioma 1.*

3. $\det(B) = 0$

Nota 4. *Por axioma 1.*

4. $\det(AB) = \det(A)\det(B)$

Teorema 5. *El determinante del producto de dos matrices es el producto de sus determinantes; es decir,*

$$\det(AB) = \det(A)\det(B)$$

5. $\det(AB) = \det(A)\det(B) = 0$

Nota 6. *Por axioma, si $ab = 0$, entonces o $a = 0$ o $b = 0$.*

□